

**ОПД.Ф.02.03 ТЕОРИЯ МАШИН И МЕХАНИЗМОВ
КИНЕМАТИЧЕСКИЙ И СИЛОВОЙ РАСЧЕТЫ РЫЧАЖНОГО
ШЕСТИЗВЕННИКА**

Методические указания к расчетно-графической работе

Введение

Методические указания «Кинематический и силовой расчеты рычажного шестизвенника» используются при выполнении расчетно-графической работы по теории механизмов и машин. В них рассмотрены следующие вопросы: структурный анализ механизма, определение скоростей и ускорений отдельных точек и звеньев механизма, силовой расчет, построение рычага Жуковского Н.Е. Приводятся схемы, формулы, алгоритмы решения задач.

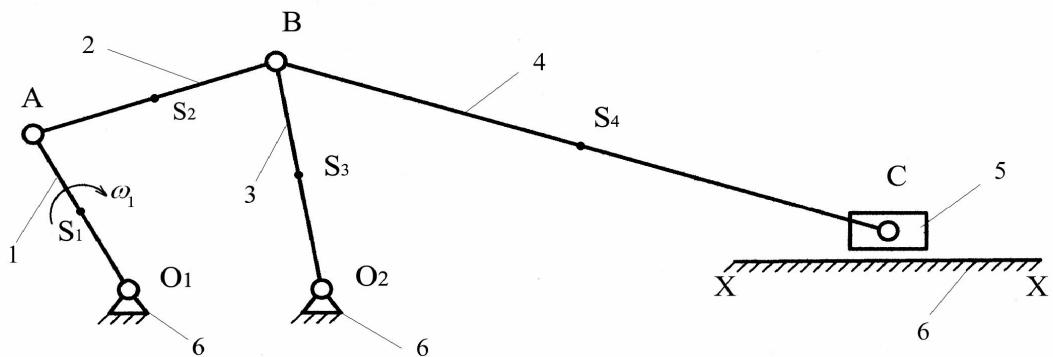
Методические указания предназначены для студентов технических специальностей очной полной и сокращенной формы обучения.

Задание на расчетно-графическую работу

1. Число оборотов кривошипа $n_1 = 60$ об/мин. Угловая скорость кривошипа ω_1 является постоянной.
2. Размеры звеньев:
 $O_1A=0,15$ м, $AB=0,2$ м, $BC=0,5$ м, $BO_2=0,185$ м.
Центры масс звеньев расположены по середине соответствующих звеньев.
3. Массы звеньев: $m_1=1,5$ кг, $m_2=2$ кг, $m_3 = 2$ кг, $m_4=5$ кг, $m_5 = 5$ кг.
4. Момент инерции относительно оси, проходящей через центр масс звена: $I_{S_2} = 0,05\hat{e}\tilde{a} \cdot i^2$, $I_{S_3} = 0,06\hat{e}\tilde{a} \cdot i^2$, $I_{S_4} = 0,05\hat{e}\tilde{a} \cdot i^2$.
5. Рабочие усилие: $F=40$ Н.

1. Структурный анализ механизма

1.1. Структурная схема механизма.



1.2. Звенья механизма.

Звено	Наименование	Подвижность	Число подвижных звеньев
1	Кривошип	Подвижное	n=5
2	Шатун	Подвижное	
3	Коромысло	Подвижное	
4	Шатун	Подвижное	
5	Ползун	Подвижное	
6	Стойка	Неподвижное	

1.3. Кинематические пары.

№ п/п	Обозначение на структурной схеме	Соединяемые звенья	Вид	Тип кинематической пары		Индекс
				Характер соприкосновения	Степень подвижности	
1	O ₁	1,6	Вращат.	Низшая	Одноподвижная	B _{O₁} (1,6)
2	A	1,2	Вращат.	Низшая	Одноподвижная	B _A (1,2)
3	B	2,3	Вращат.	Низшая	Одноподвижная	B _B (2,3)
4	B	3,4	Вращат.	Низшая	Одноподвижная	B _B (3,4)
5	C	4,5	Вращат.	Низшая	Одноподвижная	B _C (4,5)
6	C	5,6	Поступат.	Низшая	Одноподвижная	P _C (5,6)
7	O ₂	3,6	Вращат.	Низшая	Одноподвижная	B _{O₂} (3,6)

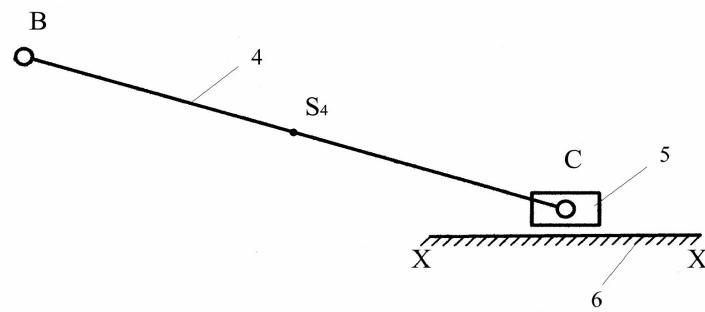
Число одноподвижных кинематических пар $p_1=7$, число двух подвижных кинематических пар $p_2=0$.

1.4. Степень подвижности механизма.

$$W = 3 \cdot n - 2 \cdot p_1 - p_2 = 3 \cdot 5 - 2 \cdot 7 - 0 = 1$$

1.5. Строение групп Ассура.

1.5.1. Последняя группа Ассура.

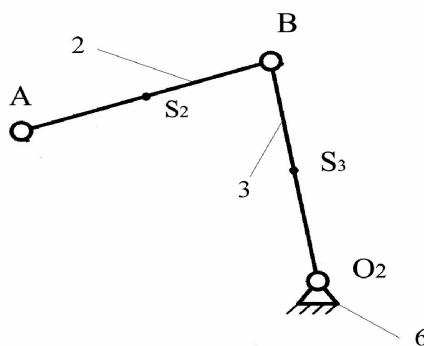


II класс, 2 порядок, вид ВВП.

Степень подвижности: $W = 3 \cdot n - 2 \cdot p_l = 3 \cdot 2 - 2 \cdot 3 = 0$.

Структурная формула: $II\left(\frac{4,5}{B_B(3,4)B_C(4,5)\bar{I}_{\tilde{N}}(5,6)}\right)$.

1.5.2. Предпоследняя группа Ассура.

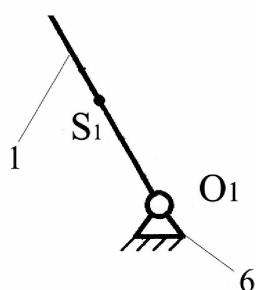


II класс, 2 порядок, вид ВВВ

Степень подвижности $W = 3 \cdot n - 2 \cdot p_l = 3 \cdot 2 - 2 \cdot 3 = 0$.

Структурная формула: $II\left(\frac{2,3}{B_A(1,2)B_B(2,3)B_{O_2}(3,6)}\right)$.

1.5.3. Начальный механизм.



I класс

Степень подвижности $W = 3 \cdot n - 2 \cdot p_l = 3 \cdot 1 - 2 \cdot 1 = 1$.

Структурная формула: $I\left(\frac{1}{B_{O_1}(1,6)}\right)$.

1.6. Структурная формула всего механизма.

$$I\left(\frac{1}{B_{O_1}(1,6)}\right) \rightarrow II\left(\frac{2,3}{B_A(1,2)B_B(2,3)B_{O_2}(3,6)}\right) \rightarrow III\left(\frac{4,5}{B_B(3,4)B_C(4,5)\ddot{I}_{\tilde{N}}(5,6)}\right).$$

1.7. Класс всего механизма III , так как наивысший класс группы Ассура, входящей в данный механизм III .

2. Кинематический анализ механизма

2.1. Определение скоростей точек звеньев и угловых скоростей звеньев.

Построим кинематическую схему механизма в масштабе $\mu_l = 0,005 \frac{i}{\text{м}}$.

2.1.1. Определение угловой скорости кривошипа:

$$\omega_1 = \frac{\pi \cdot n_1}{30} = \frac{3,14 \cdot 60}{30} = 6,28 \text{ с}^{-1}.$$

2.1.2. Определение скорости точки A :

$$V_A = \omega_1 \cdot O_1 A = 6,28 \cdot 0,15 = 0,94 \text{ м/с}.$$

Вектор скорости \vec{V}_A перпендикулярен кривошипу $O_1 A$.

Выбираем масштаб плана скоростей $\mu_V = 0,01 \frac{\text{м}}{\text{м}}$.

Найдём отрезок, изображающий вектор скорости \vec{V}_A на плане:

$$p_V a = \frac{V_A}{\mu_V} = \frac{0,94}{0,01} = 94 \text{ мм}.$$

Из полюса плана скоростей p_V откладываем данный отрезок перпендикулярно $O_1 A$ в направлении угловой скорости ω_1 .

2.1.3. Определение скорости точки B :

Запишем векторное уравнение:

$$\vec{V}_B = \vec{V}_A + \vec{V}_{BA}.$$

Направления векторов скоростей: $\vec{V}_B \perp BO_2$, $\vec{V}_{BA} \perp BA$.

Продолжим строить план скоростей.

Из конца вектора \vec{V}_A (точка a) проводим направление вектора \vec{V}_{BA} . Из полюса (точка p_V) проводим направление вектора \vec{V}_B . На пересечении двух проведённых направлений получим точку b . Измеряя длины полученных отрезков и умножая их на масштаб μ_V , получим значения скоростей:

$$V_B = p_V b \cdot \mu_V = 92 \cdot 0,01 = 0,92 \text{ м/с};$$

$$V_{BA} = ab \cdot \mu_V = 31 \cdot 0,01 = 0,31 \text{ м/с}.$$

2.1.4. Определение скорости точки C :

Запишем векторное уравнение:

$$\vec{V}_C = \vec{V}_B + \vec{V}_{CB}.$$

Направления векторов скоростей: $\vec{V}_C \parallel X - X$, $\vec{V}_{CB} \perp CB$.

Продолжим строить план скоростей.

Из конца вектора \vec{V}_B (точка B) проводим направление вектора \vec{V}_{CB} . Из полюса (точка p_V) проводим направление вектора \vec{V}_C . На пересечении двух проведённых направлений получим точку c . Измеряя длины полученных отрезков и умножая их на масштаб μ_V , получим значения скоростей:

$$V_c = p_V c \cdot \mu_V = 86 \cdot 0,01 = 0,86 \text{ } i / \tilde{n};$$

$$V_{CB} = cb \cdot \mu_V = 17 \cdot 0,01 = 0,17 \text{ } i / \tilde{n}.$$

2.1.5. Определение угловой скорости шатуна AB :

$$\omega_2 = \frac{V_{BA}}{AB} = \frac{0,31}{0,2} = 1,55 \text{ } c^{-1}.$$

Для определения направления ω_2 переносим вектор \vec{V}_{BA} в точку B шатуна AB и смотрим как она движется относительно точки A . Направление этого движения соответствует ω_2 . В данном случае угловая скорость ω_2 направлена по часовой стрелке.

2.1.6. Определение угловой скорости коромысла BO_2 :

$$\omega_3 = \frac{V_B}{BO_2} = \frac{0,92}{0,185} = 4,97 \text{ } c^{-1}.$$

Для определения направления ω_3 переносим вектор \vec{V}_B в точку B коромысла BO_2 и смотрим как она движется относительно точки O_2 . Направление этого движения соответствует ω_3 . В данном случае угловая скорость ω_3 направлена по часовой стрелке.

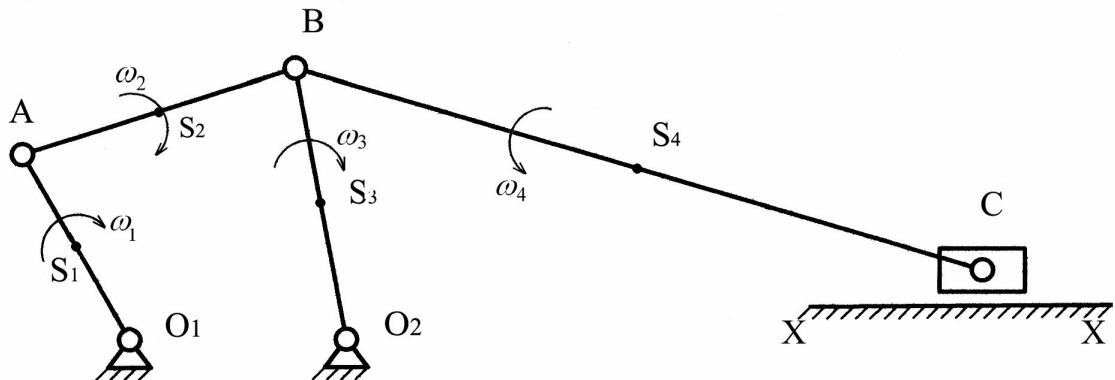
2.1.7. Определение угловой скорости шатуна BC :

$$\omega_4 = \frac{V_{CB}}{BC} = \frac{0,17}{0,5} = 0,34 \text{ } c^{-1}.$$

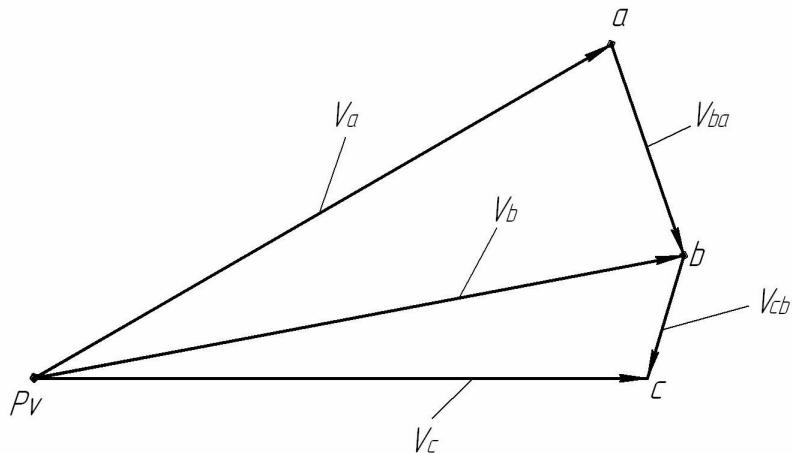
Для определения направления ω_4 переносим вектор \vec{V}_{CB} в точку C шатуна CB и смотрим, как она движется относительно точки B . Направление этого движения соответствует ω_4 . В данном случае угловая скорость ω_4 направлена по часовой стрелке.

Исследуемая величина	Отрезок на плане	Направление	Величина отрезка на плане, мм	Масштабный коэффициент, μ_V	Значение величины, м/с	
V_A	$p_V a$	$\vec{V}_A \perp O_1 A$	94	$0,01 \frac{\text{м/с}}{\text{мм}}$	0,94	
V_B	$p_V b$	$\vec{V}_B \perp BO_2$	92		0,92	
V_{BA}	ab	$\vec{V}_{BA} \perp BA$	31		0,31	
V_C	$p_V c$	$\vec{V}_C // X - X$	86		0,86	
V_{CB}	cb	$\vec{V}_{CB} \perp CB$	17		0,17	
ω_2	По часовой стрелке				$1,55 \text{ } \text{с}^{-1}$	
ω_3	По часовой стрелке				$4,97 \text{ } \text{с}^{-1}$	
ω_4	Против часовой стрелки				$0,34 \text{ } \text{с}^{-1}$	

Кинематическая схема механизма $\mu_i = 0,005 \frac{i}{\dot{\eta}}$



План скоростей $\mu_v = 0,01 \frac{i/\tilde{n}}{\dot{i} \dot{i}}$



2.2. Определение ускорений точек звеньев и угловых ускорений звеньев

2.2.1. Определение ускорения точки A:

Так как угловая скорость ω_1 является постоянной, то $\vec{a}_A = \vec{a}_A^n$.

$a_A = \omega_1^2 \cdot O_1 A = 6,28^2 \cdot 0,15 = 5,9 i / c^2$. Вектор ускорения \vec{a}_A направлен параллельно кривошипу $O_1 A$ от точки A к точке O_1 .

Выбираем масштаб плана ускорений $\mu_a = 0,05 \frac{m/c^2}{mm}$. Найдём отрезок, изображающий

вектор ускорения \vec{a}_A на плане: $p_a a = \frac{a_A}{\mu_a} = \frac{5,9}{0,05} = 118 i$. Из полюса плана ускорений p_a

откладываем данный отрезок в направлении, параллельном AO_1 .

2.2.2. Определение ускорения точки B:

Запишем векторное уравнение: $\vec{a}_B = \vec{a}_A + \vec{a}_{BA}$.

Вектор относительного ускорения \vec{a}_{BA} раскладываем на нормальную и касательную составляющие: $\vec{a}_{BA} = \vec{a}_{BA}^n + \vec{a}_{BA}^\tau$.

Нормальное относительное ускорение равно: $a_{BA}^n = \omega_2^2 \cdot AB = 1,55^2 \cdot 0,2 = 0,48 \text{ i } / \tilde{n}^2$.

Найдём отрезок, изображающий вектор ускорения \vec{a}_{BA}^n на плане:

$$an = \frac{a_{BA}^n}{\mu_a} = \frac{0,48}{0,05} = 9,6 \text{ i} .$$

Продолжаем строить план ускорений. Вектор ускорения \vec{a}_{BA}^n направлен параллельно AB . Откладываем отрезок an из точки a плана ускорений в указанном направлении от точки B к точке A .

Вектор ускорения \vec{a}_{BA}^τ направлен перпендикулярно AB . Проводим это направление из точки n плана ускорений.

Вектор ускорения \vec{a}_B раскладываем на нормальную и касательную составляющие:

$$\vec{a}_B = \vec{a}_B^n + \vec{a}_B^\tau .$$

Нормальное ускорение равно: $a_B^n = \omega_3^2 \cdot BO_2 = 4,97^2 \cdot 0,185 = 4,57 \text{ i } / \tilde{n}^2$.

Найдём отрезок, изображающий вектор ускорения \vec{a}_B^n на плане:

$$p_a m = \frac{a_B^n}{\mu_a} = \frac{4,57}{0,05} = 91 \text{ i} .$$

Продолжаем строить план ускорений. Вектор ускорения \vec{a}_B^n направлен параллельно BO_2 . Откладываем отрезок $p_a m$ из точки p_a плана ускорений в указанном направлении от точки B к точке O_2 . Вектор ускорения \vec{a}_B^τ направлен перпендикулярно BO_2 . Проводим это направление из точки m плана ускорений. Две прямые линии, проведённые из точек n и m в указанных направлениях, пересекаются в точке b .

Найдем величины ускорений. Измеряя длины полученных отрезков и умножая их на масштаб μ_a , получим:

$$a_B^\tau = mb \cdot \mu_a = 27 \cdot 0,05 = 1,35 \text{ i } / \tilde{n}^2 ;$$

$$a_B = p_a b \cdot \mu_a = 95 \cdot 0,05 = 4,75 \text{ i } / \tilde{n}^2 ;$$

$$a_{BA}^\tau = nb \cdot \mu_a = 21 \cdot 0,05 = 1,05 \text{ i } / \tilde{n}^2 ;$$

$$a_{BA} = ab \cdot \mu_a = 23 \cdot 0,05 = 1,15 \text{ i } / \tilde{n}^2 .$$

2.2.3. Определение ускорения точки C :

Запишем векторное уравнение: $\vec{a}_C = \vec{a}_B + \vec{a}_{CB}$.

Вектор относительного ускорения \vec{a}_{CB} раскладываем на нормальную и касательную составляющие: $\vec{a}_{CB} = \vec{a}_{CB}^n + \vec{a}_{CB}^\tau$.

Нормальное относительное ускорение равно:

$$a_{CB}^n = \omega_4^2 \cdot BC = 0,34^2 \cdot 0,5 = 0,058 \text{ i } / \tilde{n}^2 .$$

Найдём отрезок, изображающий вектор ускорения $\overrightarrow{a_{CB}^n}$ на плане:

$bk = \frac{a_{CB}^n}{\mu_a} = \frac{0,05}{0,05} = 1 \text{ и} \text{.}$ Продолжаем строить план ускорений. Так как отрезок bk мал, то его на плане ускорений не откладываем. Точки b и k совпадают.

Вектор ускорения $\overrightarrow{a_{CB}^r}$ направлен перпендикулярно BC . Проводим это направление из точки k плана ускорений.

Вектор ускорения $\overrightarrow{a_C}$ направлен параллельно оси $X-X$. Проводим это направление из полюса p_a . Две прямые линии, проведённые из точек k и p_a в указанных направлениях, пересекаются в точке c .

Найдем величины ускорений. Измеряя длины полученных отрезков и умножая их на масштаб μ_a , получим:

$$a_C = p_a c \cdot \mu_a = 65 \cdot 0,05 = 3,25 \text{ и} / \tilde{n}^2 ;$$

$$a_{CB}^r = kc \cdot \mu_a = 88 \cdot 0,05 = 4,4 \text{ и} / \tilde{n}^2 ;$$

$$a_{CB}^n = cb \cdot \mu_a = 88 \cdot 0,05 = 4,4 \text{ и} / \tilde{n}^2 .$$

2.2.4. Определение ускорения точки S_1 :

$$a_{S_1} = \omega_1^2 \cdot AS_1 = 6,28^2 \cdot 0,075 = 2,95 \text{ и} / c^2 . \quad \text{Вектор ускорения } \overrightarrow{a_{S_1}} \text{ направлен}$$

параллельно кривошипу O_1A от точки S_1 к точке O_1 .

2.2.5. Определение ускорения точки S_2 :

Воспользуемся следствием из теоремы подобия. Составим пропорцию:

$$\frac{AB}{AS_2} = \frac{ab}{as_2}, \quad as_2 = \frac{ab \cdot AS_2}{AB} = \frac{23 \cdot 100}{200} = 11,5 \text{ и} .$$

Данный отрезок откладываем на прямой ab от точки a . Точку s_2 соединяем с полюсом p_a .

$$\text{Величина ускорения: } a_{S_2} = p_a s_2 \cdot \mu_a = 5,35 \text{ и} / \tilde{n}^2 .$$

2.2.6. Определение ускорения точки S_3 :

Воспользуемся следствием из теоремы подобия. Составим пропорцию:

$$\frac{BO_2}{BS_3} = \frac{p_a b}{bs_3}, \quad bs_3 = \frac{p_a b \cdot BS_3}{BO_2} = \frac{95 \cdot 92,5}{185} = 47,5 \text{ и} .$$

Данный отрезок откладываем на прямой $p_a b$ от точки b . Точку s_3 соединяем с полюсом p_a .

$$\text{Величина ускорения: } a_{S_3} = p_a s_3 \cdot \mu_a = 48 \cdot 0,05 = 2,4 \text{ и} / \tilde{n}^2 .$$

2.2.7. Определение ускорения точки S_4 :

Воспользуемся следствием из теоремы подобия. Составим пропорцию:

$$\frac{BC}{BS_4} = \frac{bc}{bs_4}, \quad bs_4 = \frac{bc \cdot BS_4}{BC} = \frac{88 \cdot 250}{500} = 44 \text{ и} .$$

Данный отрезок откладываем на прямой bc от точки b . Точку s_4 соединяем с полюсом p_a .

$$\text{Величина ускорения: } a_{S_4} = p_a s_4 \cdot \mu_a = 69 \cdot 0,05 = 3,45 \text{ и} / \tilde{n}^2 .$$

2.2.8. Определение углового ускорения шатуна AB :

$$\varepsilon_2 = \frac{a_{BA}^r}{AB} = \frac{1,05}{0,2} = 5,25 \tilde{n}^{-2} .$$

Для определения направления ε_2 переносим вектор \vec{a}_{BA}^τ в точку B шатуна AB и смотрим, как она движется относительно точки A . Направление этого движения соответствует ε_2 . В данном случае угловое ускорение ε_2 направлено против часовой стрелки.

2.2.9. Определение углового ускорения коромысла BO_2 :

$$\varepsilon_3 = \frac{a_B^\tau}{BO_2} = \frac{1,35}{0,185} = 25,7 \text{ с}^{-2}.$$

Для определения направления ε_3 переносим вектор \vec{a}_B^τ в точку B коромысла BO_2 и смотрим, как она движется относительно точки O_2 . Направление этого движения соответствует ε_3 . В данном случае угловое ускорение ε_3 направлено по часовой стрелке.

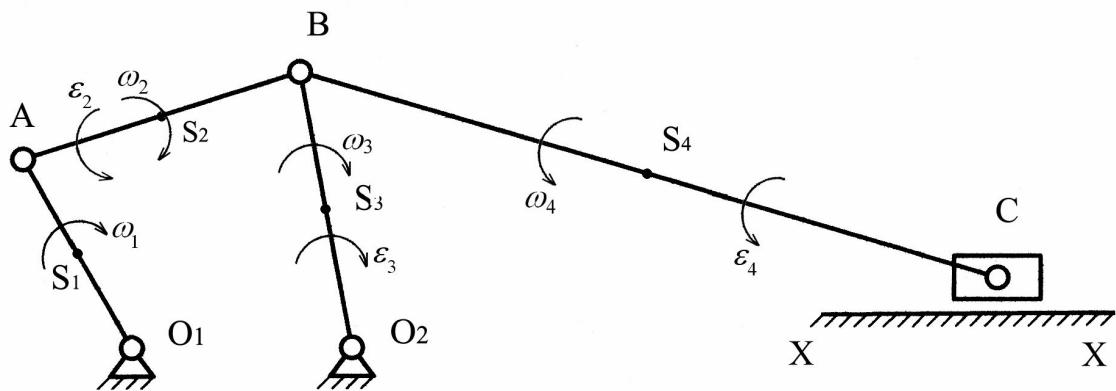
2.2.10. Определение углового ускорения шатуна BC :

$$\varepsilon_4 = \frac{a_{CB}^\tau}{BC} = \frac{4,4}{0,2} = 2,2 \text{ с}^{-2}.$$

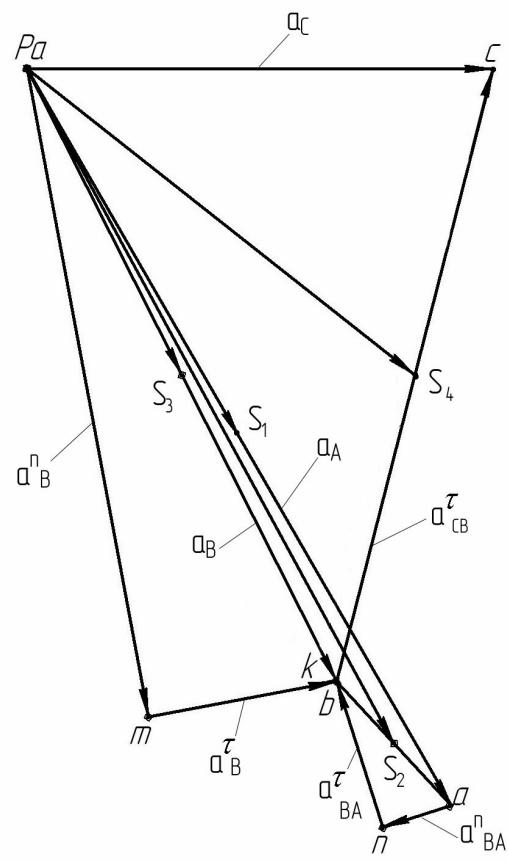
Для определения направления ε_4 переносим вектор \vec{a}_{CB}^τ в точку C шатуна BC и смотрим, как она движется относительно точки B . Направление этого движения соответствует. В данном случае угловое ускорение ε_4 направлено против часовой стрелки.

Исследуемая величина	Отрезок на плане	Направление	Величина отрезка на плане, мм	Масштабный коэффициент μ_a	Значение величины, м/с^2	
a_A	$p_a a$	$\vec{a}_A \parallel AO_1$	118	0,05 $\frac{\text{м/с}^2}{\text{мм}}$	5,9	
a_{BA}^n	an	$\vec{a}_{BA}^n \parallel AB$	10		0,48	
a_{BA}^τ	nb	$\vec{a}_{BA}^\tau \perp AB$	21		1,05	
a_{BA}	ab		23		1,15	
a_B^n	$p_a m$	$\vec{a}_B^n \parallel BO_2$	91		4,57	
a_B^τ	mb	$\vec{a}_B^\tau \perp BO_2$	27		1,35	
a_B	$p_a b$		95		4,75	
a_{CB}^n	bk	$\vec{a}_{CB}^n \parallel CB$	1		0,058	
a_{CB}^τ	ck	$\vec{a}_{CB}^\tau \perp CB$	88		4,4	
a_{CB}	bc		88		4,4	
a_C	$p_a c$	$\vec{a}_C \parallel X - X$	65		3,25	
a_{S_1}	$p_a s_1$	$\vec{a}_{S_1} \parallel AO_1$	59		2,95	
a_{S_2}	$p_a s_2$		107		5,35	
a_{S_3}	$p_a s_3$		48		2,4	
a_{S_4}	$p_a s_4$		69		3,45	
ε_2	Против часовой стрелки				$5,25 \text{ с}^{-2}$	
ε_3	По часовой стрелке				$25,68 \text{ с}^{-2}$	
ε_4	Против часовой стрелки				$2,2 \text{ с}^{-2}$	

Кинематическая схема механизма $\mu_l = 0,005 \frac{i}{i_i}$



План ускорений $\mu_a = 0,05 \frac{i/\tilde{n}^2}{i_i}$



3. Силовой расчет механизма

3.1. Силовой расчет последней группы Ассура вида ВВП

3.1.1. Определение сил тяжести звеньев:

$$G_4 = m_4 \cdot g = 5 \cdot 9,8 = 49 \text{Н}, \quad G_5 = m_5 \cdot g = 5 \cdot 9,8 = 49 \text{Н}.$$

3.1.2. Определение сил инерции:

$$F_{e_4} = m_4 \cdot a_{S_4} = 5 \cdot 3,45 = 17,25 \text{Н}, \quad F_{e_5} = m_5 \cdot a_C = 5 \cdot 3,25 = 16,25 \text{Н}.$$

Силы инерции направлены в противоположную сторону соответствующим ускорениям центров масс звеньев.

3.1.3. Определение момента инерции:

$$M_{e_4} = I_{S_4} \cdot \varepsilon_4 = 0,05 \cdot 2,2 = 0,11 \text{Н}\cdot\text{м}.$$

Момент инерции направлен в противоположную сторону угловому ускорению ε_4 .

Построим группу Ассура в масштабе μ_l .

Покажем все действующие на нее силы и неизвестные реакции R_{34} , R_{34}^{τ} , R_{34}^n .

3.1.4. Определим реакцию R_{34}^{τ} :

Составим уравнение моментов всех сил, действующих **на звено 4**, относительно точки **C**.

$$\sum_{i=1}^n M_C = 0; \quad -R_{34}^{\tau} \cdot BC - F_{u_4} \cdot h_2 + G_4 \cdot h_1 - M_{u_4} = 0.$$

Найдем реакцию R_{34}^{τ} .

$$R_{34}^{\tau} = \frac{-F_{u_4} \cdot h_2 + G_4 \cdot h_1 - M_{u_4}}{BC} = \frac{-17,25 \cdot 0,095 + 49 \cdot 0,245 - 0,11}{0,5} = 20,5 \text{Н}.$$

Длины плеч h_1 и h_2 измерены на расчетной схеме и умножены на масштабный коэффициент $\mu_l = 0,005 \text{м} / \text{м} = 0,005$.

$$h_1 = 49 \cdot 0,005 = 0,245 \text{м}; \quad h_2 = 19 \cdot 0,005 = 0,095 \text{м}.$$

3.1.5. Определим реакции R_{34}^n и R_{65} :

Составим векторное уравнение равновесия всех сил, действующих на **всю группу Ассура**.

$$\sum_{i=1}^n \vec{F}_i = 0; \quad \vec{R}_{34}^n + \vec{R}_{34}^{\tau} + \vec{F} + \vec{G}_4 + \vec{G}_5 + \vec{F}_{u_5} + \vec{F}_{u_4} + \vec{R}_{65} = 0.$$

Выберем масштаб плана сил $\mu_F = 1 \text{м} / \text{м} = 1$.

Вычислим величины отрезков, соответствующих векторам сил. Данные занесем в табл. 1:

Таблица 1

Обозначение силы	G_4	G_5	F_{e_4}	F_{e_5}	F	R_{34}^{τ}	R_{34}^n	R_{34}	R_{65}	R_{54}
Величина силы, Н	49	49	17,25	16,25	40	20,5	17	27	62	27
Отрезок на плане, мм	49	49	17	16	40	21	17	27	62	27

Строим план сил. В соответствии с векторным уравнением откладываем отрезки, соответствующие векторам \vec{R}_{34}^{τ} , \vec{F} , \vec{G}_4 , \vec{G}_5 , \vec{F}_{u_5} , \vec{F}_{u_4} . Векторы можно откладывать в

любом порядке, но обязательно начать построение с вектора $\overrightarrow{R_{34}^{\tau}}$. Затем из начала вектора $\overrightarrow{R_{34}^{\tau}}$ проводим направление вектора $\overrightarrow{R_{34}^n}$, а из конца последнего вектора проводим направление вектора $\overrightarrow{R_{65}}$. Пересекаясь, эти направления замыкают многоугольник сил.

Измеряя на плане сил отрезки, соответствующие векторам $\overrightarrow{R_{34}^{\tau}}$, $\overrightarrow{R_{34}^n}$, $\overrightarrow{R_{65}}$ и умножая их на масштаб μ_F , получим значение этих реакций. Данные занесены в табл. 1.

3.1.6. Определим реакцию R_{54} .

Составим векторное уравнение равновесия всех сил, действующих **звено 4**.

$$\sum_{i=1}^n \overrightarrow{F_i} = 0; \quad \overrightarrow{G_4} + \overrightarrow{F_{u_4}} + \overrightarrow{R_{34}} + \overrightarrow{R_{54}} = 0.$$

Выберем масштаб плана сил $\mu_F = 1\text{I} / i$.

Строим план сил. В соответствии с векторным уравнением откладываем отрезки, соответствующие векторам $\overrightarrow{G_4}$, $\overrightarrow{F_{u_4}}$, $\overrightarrow{R_{34}}$. Векторы можно откладывать в любом порядке.

Соединяя начало первого вектора и конец последнего, получим многоугольник сил и отрезок, определяющий реакцию R_{54} . Измеряя его длину и умножая на масштаб μ_F , получим величину реакции R_{54} .

3.2. Силовой расчет предпоследней группы Ассура вида BBB.

3.2.1. Определение сил тяжести звеньев:

$$G_2 = m_2 \cdot g = 2 \cdot 9,8 = 19,6\text{I}, \quad G_3 = m_3 \cdot g = 2 \cdot 9,8 = 19,6\text{I}.$$

3.2.2. Определение сил инерции:

$$F_{e_2} = m_2 \cdot a_{S_2} = 2 \cdot 5,35 = 10,7\text{I}, \quad F_{e_3} = m_3 \cdot a_{S_3} = 2 \cdot 2,4 = 4,8\text{I}.$$

Силы инерции направлены в противоположную сторону соответствующим ускорениям центров масс звеньев.

3.2.3. Определение моментов инерции:

$$M_{e_2} = I_{S_2} \cdot \varepsilon_2 = 0,05 \cdot 5,25 = 0,26\text{I} \cdot i; \quad M_{e_3} = I_{S_3} \cdot \varepsilon_3 = 0,06 \cdot 25,68 = 1,54\text{I} \cdot i.$$

Моменты инерции направлены в противоположные стороны соответствующим угловым ускорениям.

Построим группу Ассура в масштабе μ_l .

Покажем все действующие на нее силы (в том числе реакцию $\overrightarrow{R_{43}} = -\overrightarrow{R_{34}}$) и неизвестные реакции $R_{12}^{\tau}, R_{12}^n, R_{63}^{\tau}, R_{63}^n$.

3.2.4. Определим реакцию R_{12}^{τ} .

Составим уравнение моментов всех сил, действующих **на звено 2**, относительно точки **B**.

$$\sum_{i=1}^n M_B = 0; \quad -R_{12}^{\tau} \cdot AB - F_{u_2} \cdot h_6 + G_2 \cdot h_5 - M_{u_2} = 0.$$

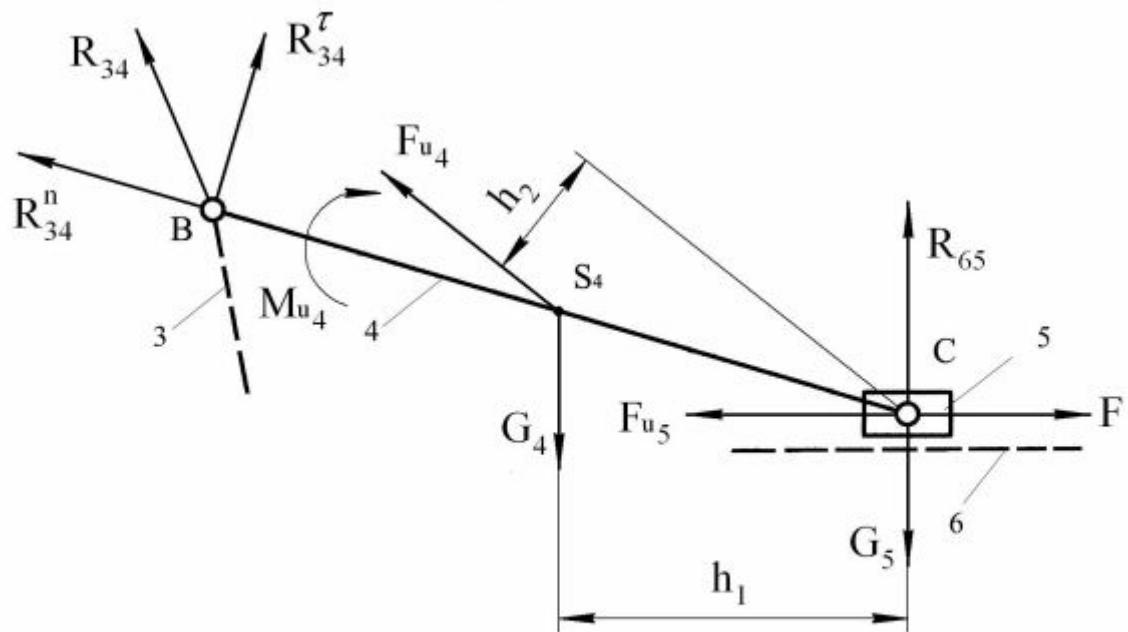
Найдем реакцию R_{12}^{τ} :

$$R_{12}^{\tau} = \frac{-F_{u_2} \cdot h_6 + G_2 \cdot h_5 - M_{u_2}}{AB} = \frac{-10,7 \cdot 0,1 + 19,6 \cdot 0,095 - 0,26}{0,2} = 2,66H.$$

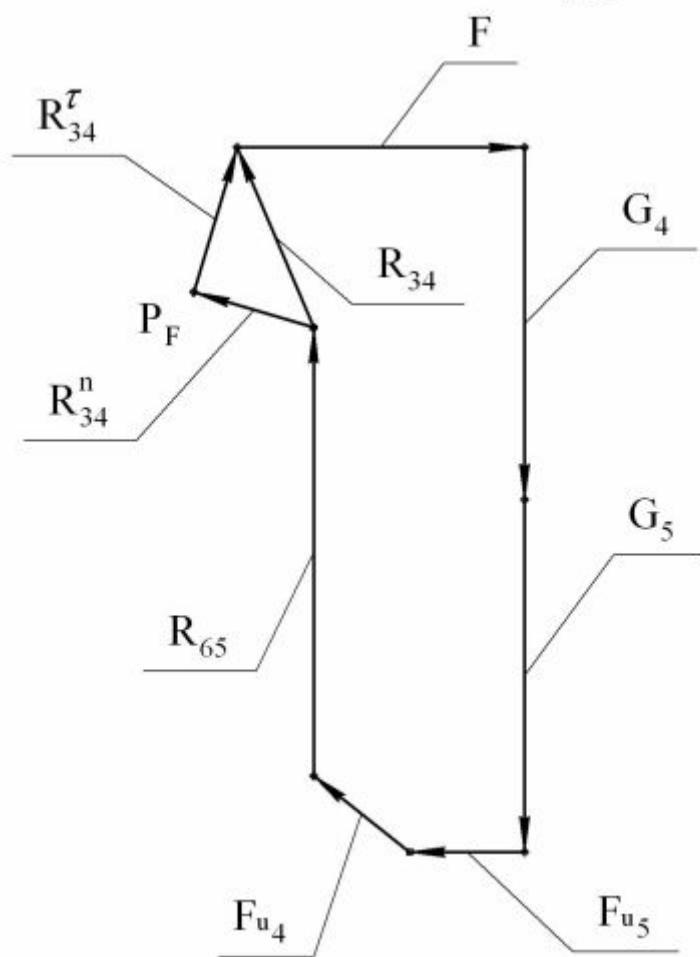
Длины плеч h_5 и h_6 измерены на расчетной схеме и умножены на масштабный коэффициент $\mu_l = 0,005 i / i$.

$$h_5 = 19 \cdot 0,005 = 0,095i; \quad h_6 = 20 \cdot 0,005 = 0,1i.$$

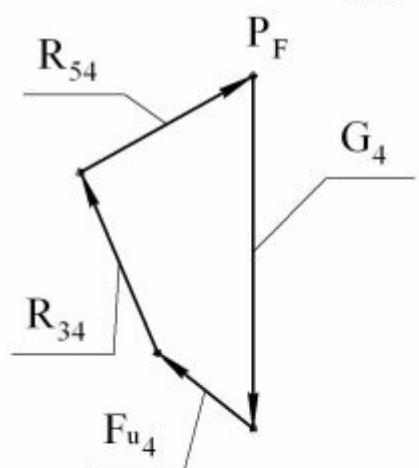
Последняя группа Ассура вида ВВП $\mu_l = 0,005 \text{ i/i}$



План сил для группы Ассура $\mu_F = 1 \text{ i/i}$



План сил для звена 4 $\mu_F = 1 \text{ i/i}$



3.2.5. Определим реакцию R_{63}^τ .

Составим уравнение моментов всех сил, действующих *на звено 3*, относительно точки B .

$$\sum_{i=1}^n M_B = 0; \quad -R_{63}^\tau \cdot BO_2 - F_{u_3} \cdot h_3 - G_3 \cdot h_4 + M_{u_3} = 0.$$

Найдем реакцию R_{63}^τ .

$$R_{63}^\tau = \frac{-F_{u_3} \cdot h_3 - G_3 \cdot h_4 + M_{u_3}}{BO_2} = \frac{-4,8 \cdot 0,025 - 19,6 \cdot 0,02 + 1,54}{0,2} = 5,56 H.$$

Длины плеч h_3 и h_4 измерены на расчетной схеме и умножены на масштабный коэффициент $\mu_l = 0,005 \frac{i}{\text{м}}$.

$$h_3 = 5 \cdot 0,005 = 0,025 i; \quad h_4 = 4 \cdot 0,005 = 0,02 i.$$

3.2.6. Определим реакции R_{63}^n и R_{12}^n .

Составим векторное уравнение равновесия всех сил, действующих на *всю группу Accura*.

$$\sum_{i=1}^n \vec{F}_i = 0; \quad \vec{R}_{63}^n + \vec{R}_{63}^\tau + \vec{G}_2 + \vec{R}_{43} + \vec{G}_3 + \vec{F}_{u_2} + \vec{F}_{u_3} + \vec{R}_{12}^\tau + \vec{R}_{12}^n = 0.$$

$$\text{Выберем масштаб плана сил } \mu_F = 0,5 \frac{i}{\text{м}}.$$

Вычислим величины отрезков, соответствующих векторам сил. Данные занесем в табл. 2.

Строим план сил. В соответствии с векторным уравнением откладываем отрезки, соответствующие векторам $\vec{G}_2, \vec{G}_3, \vec{F}_{u_2}, \vec{F}_{u_3}, \vec{R}_{12}^\tau, \vec{R}_{63}^\tau, \vec{R}_{43}$. Векторы можно откладывать в любом порядке, но обязательно начать построение с вектора \vec{R}_{63}^τ , а закончить построение вектором \vec{R}_{12}^τ . Затем из начала вектора \vec{R}_{63}^τ проводим направление вектора \vec{R}_{63}^n , а из конца вектора \vec{R}_{12}^τ проводим направление вектора \vec{R}_{12}^n . Пересекаясь, эти направления замыкают многоугольник сил. Измеряя на плане сил отрезки, соответствующие векторам $\vec{R}_{12}^\tau, \vec{R}_{12}^n, \vec{R}_{63}^\tau, \vec{R}_{63}^n, \vec{R}_{12}, \vec{R}_{63}$ и умножая их на масштаб μ_F , получим значение этих реакций. Данные занесены в табл. 2.

Таблица 2

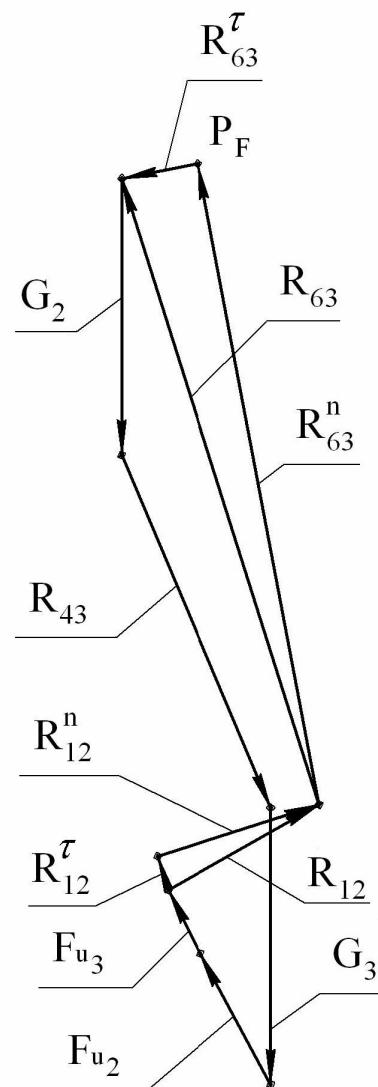
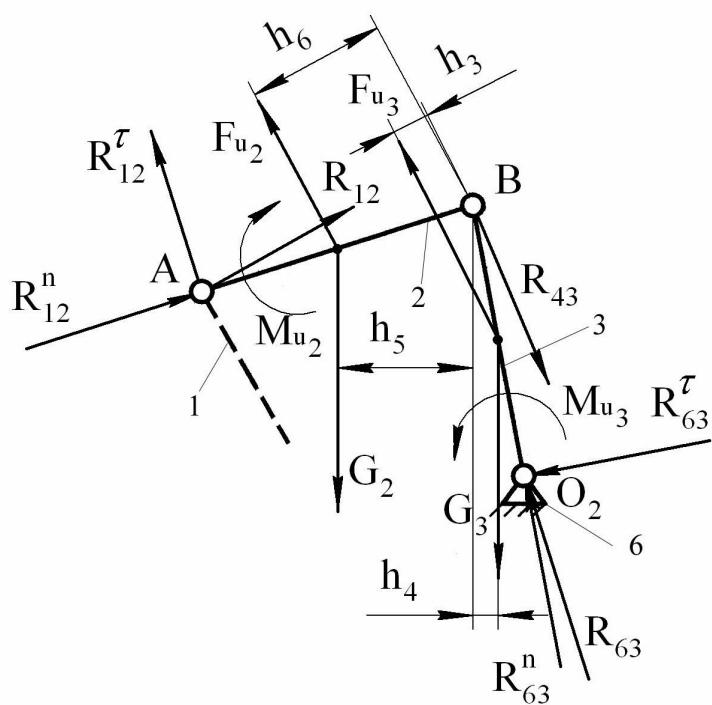
<i>Обозначение силы</i>	G_2	G_3	F_{e_2}	F_{e_3}	R_{43}	R_{12}	R_{12}^τ	R_{12}^n	R_{63}	R_{63}^τ	R_{63}^n
<i>Величина силы, Н</i>	19,6	19,6	10,7	4,8	27	12,5	2,66	12	46,5	5,56	46
<i>Отрезок на плане, мм</i>	39	39	21	10	54	25	5	24	93	11	92

Предпоследняя группа Ассура вида BBB

$$\mu_l = 0,005 \dot{i} / \ddot{i}$$

План сил для группы Ассура

$$\mu_F = 0,5 \dot{I} / \ddot{i}$$



3.3. Силовой расчет начального механизма

3.3.1. Определение силы тяжести звена:

$$G_1 = m_1 \cdot g = 1,5 \cdot 9,8 = 14,7 \dot{I}$$

3.3.2. Определение силы инерции:

$$F_{e_1} = m_1 \cdot a_{s_1} = 1,5 \cdot 2,95 = 4,43 \dot{I}$$

Сила инерции направлена в противоположную сторону ускорению a_{s_1} .

Построим начальный механизм в масштабе μ_l .

Покажем все действующие на него силы, неизвестную реакцию $\overrightarrow{R_{61}}$ и уравновешивающий момент $M_{\delta\delta}$.

3.3.3. Найдем величину уравновешивающего момента $M_{\dot{\phi}\delta}$.

Запишем уравнение моментов всех сил относительно точки O_1 .

$$\sum_{i=1}^n M_{O_1} = 0; \quad R_{21} \cdot h_8 + G_1 \cdot h_7 - M_{\dot{\phi}\delta} = 0.$$

Уравновешивающий момент $M_{\dot{\phi}\delta}$ равен:

$$\dot{I}_{\dot{\phi}\delta} = R_{21} \cdot h_8 + G_1 \cdot h_7 = 12,5 \cdot 0,15 + 14,7 \cdot 0,04 = 2,46 \dot{I} \cdot i.$$

Здесь $\overrightarrow{R_{21}} = -\overrightarrow{R_{12}}$.

Длины плеч h_7 и h_8 измерены на расчетной схеме и умножены на масштабный коэффициент $\mu_i = 0,005 \frac{i}{\text{м}}$.

$$h_7 = 8 \cdot 0,005 = 0,04i; \quad h_8 = 30 \cdot 0,005 = 0,15i.$$

Тогда уравновешивающая сила равна:

$$F_{\dot{\phi}\delta} = \frac{\dot{I}_{\dot{\phi}\delta}}{\hat{I}_1 A} = \frac{2,46}{0,15} = 16,42 \dot{I}.$$

3.3.4. Найдем реакцию R_{61} .

Составим векторное уравнение равновесия всех сил, действующих на начальный механизм.

$$\sum_{i=1}^n \vec{F}_i = 0; \quad \overrightarrow{F_{u_1}} + \overrightarrow{R_{21}} + \overrightarrow{G_1} + \overrightarrow{R_{61}} = 0.$$

$$\text{Выберем масштаб плана сил } \mu_F = 0,5 \frac{\dot{I}}{i}.$$

Вычислим величины отрезков, соответствующих векторам сил. Данные занесем в табл. 3:

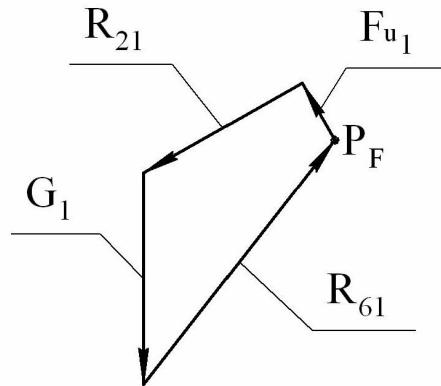
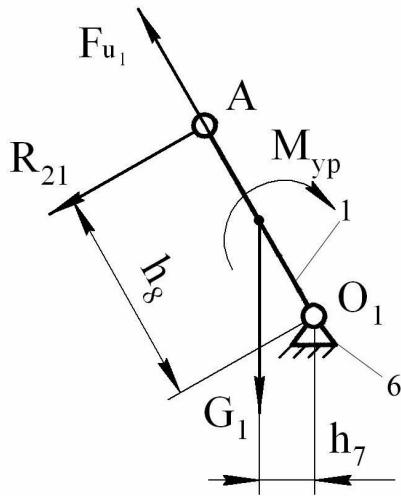
Таблица 3

Обозначение силы	G_1	F_{u_1}	R_{21}	R_{61}
Величина силы, Н	14,7	4,43	12,5	21,5
Отрезок на плане, мм	29	9	25	43

Строим план сил. В соответствии с векторным уравнением откладываем отрезки, соответствующие векторам $\overrightarrow{G_1}, \overrightarrow{F_{u_1}}, \overrightarrow{R_{21}}$. Векторы можно откладывать в любом порядке. Соединяя начало первого вектора и конец последнего, получим многоугольник сил и отрезок, определяющий реакцию R_{61} . Измеряя его длину и умножая на масштаб μ_F , получим величину реакции R_{61} . Данные занесены в табл. 3.

Начальный механизм $\mu_r = 0,005 \text{ i} / \text{i}$

План сил для начального механизма
 $\mu_F = 0,5 \text{ i} / \text{i}$



4. Определение уравновешивающей силы с помощью рычага Жуковского Н.Е.

4.1. Уравновешивающую силу F_{yp} приложим в точке A перпендикулярно кривошипу O_1A .

4.2. План скоростей повернем на 90° . В соответствующих точках плана скоростей приложим векторы сил, сохраняя их направления, каждый момент инерции $M_{e_2}, M_{e_3}, M_{e_4}$ заменим парой сил. Силы проводятся из кинематических пар звена под углом 90° так, чтобы эти силы вращали звено в ту же сторону, что и соответствующий момент инерции:

$$F_2 = F'_2 = \frac{M_{u_2}}{AB} = \frac{0,26}{0,2} = 1,3H ;$$

$$F_3 = F'_3 = \frac{M_{u_3}}{BO_2} = \frac{1,54}{0,185} = 8,32H ;$$

$$F_4 = F'_4 = \frac{M_{u_4}}{BC} = \frac{0,11}{0,5} = 0,22H .$$

и каждую силу перенесем на план.

4.3. Составим уравнение моментов всех сил относительно полюса p_V :

$$\sum_{i=1}^n M_{p_V} = 0 ;$$

$$G_1 \cdot h_3 - F_{yp} \cdot p_V a + G_3 \cdot h_1 + G_4 \cdot h_1 + G_2 \cdot h_2 + F_{u_2} \cdot h_4 + F_{u_3} \cdot h_5 + F_{u_4} \cdot h_6 + F_{u_5} \cdot p_V c - F_2 \cdot h_7 - F'_2 \cdot h_8 + F_3 \cdot p_V b - F'_4 \cdot h_{10} + F_4 \cdot h_9 - F \cdot p_V c = 0 .$$

Решая уравнение, получим:

$$F_{yp} = \frac{14,7 \cdot 35 + 19,6 \cdot 13 + 49 \cdot 13 + 19,6 \cdot 48 + 10,7 \cdot 20 + 4,8 \cdot 22 + 17,25 \cdot 96 + 16,25 \cdot 130 - 1,3 \cdot 16 - 1,3 \cdot 30 + 8,32 \cdot 140 - 0,22 \cdot 64 + 0,22 \cdot 37 - 40 \cdot 130}{140} = 16,67 H.$$

Длины всех плеч измерены на расчетной схеме.

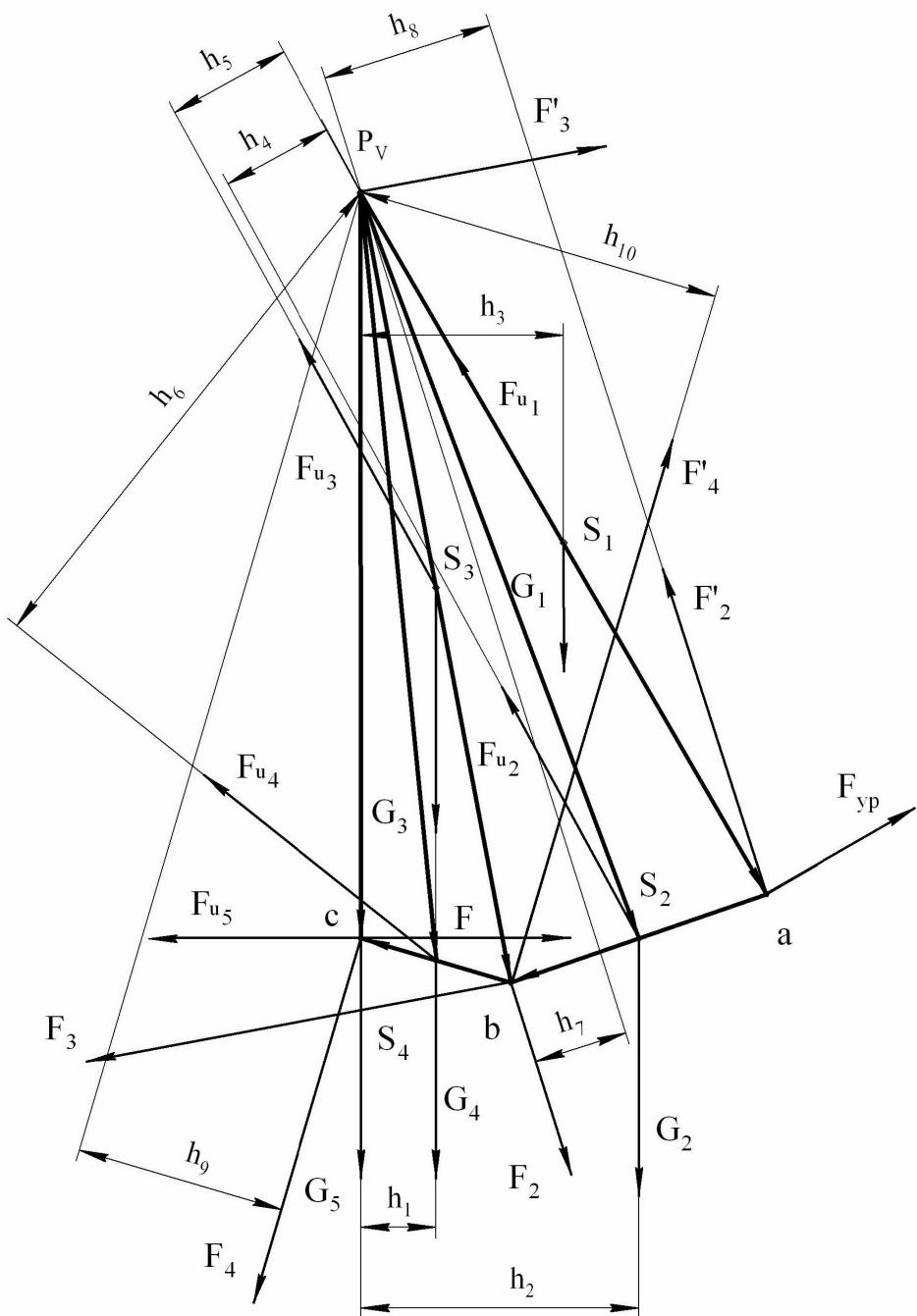
Таким образом, с помощью теоремы Жуковского Н.Е можно:

1. Определить уравновешивающую силу $\overrightarrow{F}_{\omega}$, не проводя силового расчета;
2. Проверить значение уравновешивающей силы $\overrightarrow{F}_{\omega}$, полученной из силового расчета. Погрешность расчетов составляет:

$$\Delta \% = \frac{F'_{\omega} - F_{\omega}}{F_{\omega}} \cdot 100 \% = \frac{16,67 - 16,42}{16,67} \cdot 100 \% = 1,5 \%.$$

Погрешность не должна превышать 20 %.

$$\text{Рычаг Жуковского } \mu_v = 0,0067 \frac{i / \tilde{n}}{\tilde{i} i}$$



5. Правила оформления расчетно-графической работы

5.1. Пояснительная записка.

Пояснительная записка - документ, содержащий описание исследуемого механизма, обоснования принятых при его разработке методов исследования и технических решений, все виды расчетов, схемы, таблицы, поясняющие расчеты и принятые решения.

Пояснительная записка расчетно-графической работы должна содержать:

1. Титульный лист (приложение 1);
2. Задание на расчетно-графическую работу;
3. Введение;
4. Содержание;
5. Структурный анализ механизма;
6. Кинематический анализ механизма:
 - 6.1. Определение скоростей точек звеньев и угловых скоростей звеньев;
 - 6.2. Определение ускорений точек звеньев и угловых ускорений звеньев;
7. Силовой расчет механизма;
8. Расчет уравновешивающей силы с помощью рычага Жуковского Н.Е..

5.2. Общие требования к оформлению пояснительной записи.

Текстовые документы расчетно-графической работы должны быть сброшюрованы по ГОСТ 2.301-68. Титульный лист выполняется на бумаге формата А4 по ГОСТ 2.301-68 и должен соответствовать указанному ниже образцу. Текст записи должен быть набран в текстовом редакторе Microsoft Word. Шрифт пояснительной записи - Times New Roman, размер шрифта 14 с полуторным межстрочным интервалом. Выравнивание - по ширине. Ориентация страницы - книжная.

Листы записи должны иметь рамку и штамп с основной надписью.

Текст записи пишется в рамку, образованную полями: левое – 20 мм, правое – 5 мм, верхнее – 5 мм, нижнее – 5 мм. Основную надпись на листах пояснительной записи выполняют по ГОСТ 2.104-68. и ГОСТ 2.105-95. Примеры заполнения основной надписи первого листа пояснительной записи расчетно-графической работы и основной надписи последующих листов даны ниже (приложение 2).

Заголовки всех разделов выделяют в отдельную строку и выполняют прописными буквами. Все разделы, подразделы, пункты, подпункты нумеруют и оформляют согласно требованиям ГОСТ 2.105-75 следующим образом, например: 1.3.4.6 - где 1 -номер раздела, 3 - подраздела, 4 - пункта, 6 - подпункта. Разделы «Введение», «Задание», «Содержание» - не нумеруют.

Очередной раздел необходимо начинать с новой страницы. В конце подразделов результаты расчетов надо свести в таблицы, где привести значения, полученные в результате аналитических и графических расчетов.

Раздел «Содержание» должен содержать названия разделов и подразделов с указанием страниц.

5.3. Правила оформления формул.

1. Нумеруют только те формулы, на которые имеются ссылки по тексту. Номер формулы заключается в круглые скобки с выравниванием по правому краю.

2. Расчетные формулы записывают сначала в символьном виде, затем в них подставляют цифровые значения физических величин и, наконец, приводят окончательный ответ с обязательным указанием размерности, например,

$$V_A = \omega_1 \cdot O_1 A = 30 \cdot 0,02 = 0,6 \text{ м/с}$$

5.4. Правила оформления графических построений.

1. Все рисунки и графики должны быть озаглавлены и пронумерованы по ГОСТ 7.32-2001.
2. Графические построения следует выполнять карандашом в соответствии с ГОСТ 2.105-95 и ГОСТ 2.106-96.
3. Каждый лист должен иметь основные надписи по ГОСТ 2.104-68 (приложение 2).
4. Все построения необходимо снабжать соответствующей им надписью и масштабным коэффициентом.
5. Масштабные коэффициенты построений следует выбирать так, чтобы площадь листа была максимально заполненной.
6. Кинематическая схема механизма:
 - 6.1. В расчетном положении кинематическую схему механизма надо выполнять основными линиями, указать масштаб;
 - 6.2. Кинематические пары следует обозначать заглавными буквами латинского алфавита, центры масс звеньев буквами «S» с индексами, соответствующими номеру звена;
 - 6.3. Для расчетного положения механизма указывать номера звеньев и направления угловых скоростей и ускорений, полученные на основании расчетов.
7. Планы скоростей и ускорений:
 - 7.1. Концы векторов скоростей (ускорений) точек механизма следует обозначать малыми буквами латинского алфавита в соответствии с буквами на плане механизма;
 - 7.2. Направления абсолютных и относительных скоростей (ускорений) надо показывать стрелками.
8. Планы сил:
 - 8.1. Группы Ассура следует выполнять в масштабе;
 - 8.2. Векторы сил необходимо изображать в истинном направлении;
 - 8.3. Каждый вектор надо снабжать соответствующим обозначением;
 - 8.4. Планы сил необходимо строить в масштабе.

Основные формулы для определения скоростей и ускорений точек звеньев

№	Вид движения	Скорость	Ускорение
1	Поступательное (ползун по стойке)	<p>Все точки звена имеют одинаковую скорость \vec{V}_A, вектор, который направлен вдоль траектории движения точки A.</p> <p>$\vec{V}_A \parallel X-X$</p>	<p>Все точки звена имеют одинаковые ускорения \vec{a}_A. Если вектор ускорения \vec{a}_A направлен в сторону \vec{V}_A, то движение равноускоренное, если вектор ускорения \vec{a}_A направлен в противоположную сторону \vec{V}_A, то движение равнозамедленное.</p> <p>$\vec{a}_A \parallel X-X$</p>
2	Вращательное вокруг неподвижной оси (кривошип коромысло относительно стойки) или	<p>Скорость точки A $V_A = \omega_1 \cdot OA$ Вектор \vec{V}_A направлен перпендикулярно OA, в сторону угловой скорости ω_1.</p> <p>$\vec{V}_A \perp OA$</p>	<p>Полное ускорение точки A $\vec{a}_A = \vec{a}_A^n + \vec{a}_A^t$ Нормальное ускорение $a_A^n = \omega_1^2 \cdot OA$ Вектор \vec{a}_A^n направлен по радиусу AO к центру вращения O.</p> <p>$\vec{a}_A^n \parallel OA$.</p> <p>Касательное ускорение $a_A^t = \varepsilon_1 \cdot AO$ Вектор \vec{a}_A^t направлен перпендикулярно AO в сторону углового ускорения ε_1</p> <p>$\vec{a}_A^t \perp OA$</p>
3	Звено совершает плоскопараллельное движение (шатун)	<p>Скорость точки B $\vec{V}_B = \vec{V}_A + \vec{V}_{BA}$ Относительная скорость $V_{BA} = \omega_2 \cdot AB$ Вектор \vec{V}_{BA} направлен перпендикулярно BA в сторону угловой скорости ω_2.</p> <p>$\vec{V}_{BA} \perp BA$</p>	<p>Ускорение точки B $\vec{a}_B = \vec{a}_A + \vec{a}_{BA}$ Относительное ускорение $\vec{a}_{BA} = \vec{a}_{BA}^n + \vec{a}_{BA}^t$ Нормальное ускорение $a_{BA}^n = \omega_2^2 \cdot AB$ Вектор \vec{a}_{BA}^n направлен параллельно AB (от точки B к точке A)</p> <p>$\vec{a}_{BA}^n \parallel BA$</p> <p>Касательное ускорение $\vec{a}_{BA}^t = \varepsilon_2 \cdot AB$ Вектор \vec{a}_{BA}^t направлен перпендикулярно AB</p> <p>$\vec{a}_{BA}^t \perp BA$</p>

Рекомендуемая основная литература

1. Смелягин А.И. Теория механизмов и машин.- Новосибирск: Изд-во НГТУ, 2003.
2. Теория механизмов и машин. Под ред. К.В. Фролова.- М.: Высшая школа, 2002.
3. Левитинский Н.И. Теория механизмов и машин.- М.: Наука, 1990.
4. Артоболевский И.И. Теория механизмов и машин.- М.: Наука, 1988.
5. Попов С.А. Курсовое проектирование по теории машин и механизмов.- М.: Высшая школа, 1986.
6. Марголин Ш.Ф. Теория механизмов и машин.- Минск: Вышэйшая школа, 1978.

Рекомендуемая дополнительная литература

1. Заблонский К. И. Теория механизмов и машин. Киев: Высшая школа, 1989.
2. Теория механизмов. Под ред. В.А. Гавриленко. М.: Высшая школа, 1973.

Содержание

	Стр.
1. <u>Структурный анализ механизма</u>	4
2. <u>Кинематический анализ механизма</u>	6
2.1. <u>Определение скоростей точек звеньев и угловых скоростей звеньев</u>	6
2.2. <u>Определение ускорений точек звеньев и угловых ускорений звеньев</u>	8
3. <u>Силовой расчет механизма</u>	13
3.1. <u>Силовой расчет последней группы Ассура вида ВВП</u>	13
3.2. <u>Силовой расчет предпоследней группы Ассура вида ВВВ</u>	14
3.3. <u>Силовой расчет начального механизма</u>	17
4. <u>Определение уравновешивающей силы с помощью рычага Жуковского Н.Е.</u>	19
5. <u>Правила оформления расчетно-графической работы</u>	22
6. <u>Приложение 1. Образец оформления титульного листа</u>	24
7. <u>Приложение 2. Образец выполнения основных надписей на текстовых и чертежных документах</u>	25
8. <u>Приложение 3. Расположение схем и планов на формате А1</u>	27
9. <u>Приложение 4. Основные формулы для определения скоростей и ускорений точек звеньев</u>	28
10. <u>Рекомендуемая литература</u>	29